

Nákladní auto o délce 8 m jede rychlostí $72 \text{ km}\cdot\text{h}^{-1}$. Předjíždí jej osobní auto jedoucí rychlostí $90 \text{ km}\cdot\text{h}^{-1}$. Jak dlouho trvá předjíždění, jestliže předjížděcí manévr začíná 12 m za předjížděným autem a končí 20 m před ním?

Řešení:

$$v_1 = 72 \text{ km}\cdot\text{h}^{-1} = 20 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}, v_2 = 90 \text{ km}\cdot\text{h}^{-1} = 25 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}, d = 12 + 8 + 20 = 40 \text{ m}, t = ? \text{ s}$$

Řešení (1. způsob):

Úlohu můžeme řešit sestavením rovnice.

Je třeba si uvědomit, že zatímco předjížděné vozidlo během manévru urazí dráhu s_1 , rychlejší vozidlo musí za stejnou dobu urazit dráhu s_2 , která je o 40 m delší (12 m při dojíždění, 8 m při míjení a 20 m při ujíždění).

Platí tedy

$$s_1 + 40 = s_2$$

$$v_1 t + 40 = v_2 t$$

Z rovnice vyjádříme neznámou t

$$t = \frac{40}{v_2 - v_1}$$

Číselně

$$t = \frac{40}{25 - 20} = 8 \text{ s}$$

Řešení (2. způsob):

Tento typ úlohy lze řešit i z pohledu řidiče předjížděného vozidla:

- Rychlejší vozidlo se vzhledem k němu pohybuje rychlostí $v = 18 \text{ km}\cdot\text{h}^{-1} = 5 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$.

(O tolik je totiž vyšší jeho rychlost vzhledem k vozovce.)

- Rychlejší vozidlo musí vzhledem k němu urazit 40 m (12 m při dojíždění, 8 m při míjení a 20 m při ujíždění).

Z těchto dvou údajů vypočítáme dobu předjíždění.

Platí

$$v = \frac{s}{t} \Rightarrow t = \frac{s}{v}$$

Číselně

$$t = \frac{40}{5} = 8 \text{ s}$$

Odpověď:

Předjížděcí manévr trvá 8 s.